

ФИЗИКА ИЛИМДЕРИФИЗИЧЕСКИЕ НАУКИPHYSICAL SCIENCES

Арыков А., Масирова Г.

АЙЛАНУУ НЕРСЕЛЕРДИН КӨЛӨМДӨРҮНӨ МАСЕЛЕЛЕР

Арыков А., Масирова Г.

ПРОБЛЕМЫ ОБЪЕМА ТЕЛА ВРАЩЕНИЯ

A. Arykov, G. Masirova

PROBLEMS OF THE VOLUME OF THE BODY OF ROTATION

УДК: 53.07

Студенттин билим деңгээлин тереңдетүү, математикалык ой жүгүртүүсүн жаакшыртуу максатында жашоо турмушта, күнүмдүк практикада математиканын бөлүгү болгон геометрияды айлануу нерселердин көлөмдөрүнө маселелерге кирген цилиндрдин, конустун жана шардын көлөмдөрүнүн формуларын колдонууга болот. Формуларды колдонуунун негизги милдети – студенттердин азыркы учурдагы турмуштагы жана эмгек ишмердүүлүгүндөгү зарыл болгон математикалык, геометриялык билимдеринин негизинде маселелерди так, даана туура чыгаруу өздөштүрүүсүн дайыма камсыз кылуу болуп эсептелет. Күнүмдүк практикада айлануу нерселеринин көлөмдөрүнө берилген маселелерди чечүүдө, чыгарууда, иштөөдө алардын аныктамаларын, касиеттерин, графиктерин жана чиймелерин колдонуу, пайдалануу тажрыйбасына ээ болушат жана үйрөнүшөт. Мындай маселелерди чыгарууда аларды анализдөөдө терең билим алууга шарт түзөт. Айлануу нерселердин көлөмдөрүн табууда массанын, тыгыздыктын формуларын да пайдаланышат. Математикалык маселелерди чыгарууда физика менен байланышын баса көрсөтүүгө болот.

Негизги сөздөр: көлөм, цилиндр, конус, шар, тыгыздык, масса, диаметр, бийиктик, радиус, сегмент, сектор.

В реальной жизни, в повседневной практике, с целью углубления знаний студента, улучшения математического мышления можно применять формулы для объемов цилиндров, конусов и воздушных шаров, которые входят в задачи о объемах вещей, вращающихся геометрии, которая является частью математики. Основной задачей применения формул является постоянное обеспечение четкости и четкости усвоения студентами задач на основе необходимых математических, геометрических знаний в современной жизни и трудовой деятельности. В повседневной практике приобретут опыт использования и научатся применять их определения, свойства, графики и чертежи при решении, решении, решении, работе задач, заданных объемам вращающихся объектов. При решении таких вопросов необходимо приобретать знания по их анализу. Вращения также используют формулы массы, плотности для определения объемов объектов. Связь с физикой может быть подчеркнута при решении математических задач.

Ключевые слова: объём, цилиндр, конус, шар, плотность, масса, диаметр, высота, радиус, сегмент, сектор.

In order to deepen the level of knowledge of students, the improvement of their mathematical thinking, in the everyday life of

the part of mathematics, formulas for the size of the cylinder, cone and ball are used. The main task of using the formula is that students can solve problems based on, mathematical knowledge necessary for modern life and work. In everyday practice, they acquire experience and learn to use their definitions, properties, graphics and figures of formulas when solving and working on tasks extending beyond their knowledge. An analysis of such problems allows you to get deep knowledge. They also use density formulas, masses to find the volume of objects. When solved. Mathematical tasks can be emphasized with physics.

Key words: volume, cylinder, cone, ball, density, mass, diameter, height, radius, segment, sector.

Каралуучу маселелер күндө көрүп, кармап жүргөн нерселердин көлөмдөрдүн, радиустарын, бийиктигин, диаметрин табууга арналган. Берилген маселелерде зымдын диаметрин, үймөк чөптүн массасын, чоюндан жасалган шардын тыгыздыгын, шардын көлөмүн жана үйүлгөн шагылдын көлөмүн табуу керектиги көрсөтүлгөн.

1. Узундугу 25м жана массасы 100,7 г болгон жез зымы берилген. Зымдын диаметрин тапкыла. (жездин тыгыздыгы 8,94г/см³)

Берилди: $H = 25\text{м} = 2500\text{см}$ – бийиктиги

$\rho = 8,94\text{г/см}^3$ – тыгыздыгы

$m = 100,7\text{г}$ – массасы

Табуу керек: $D = ?$

Чыгаруу : Жез зымы цилиндр формасында анын диаметрин табуу үчүн, берилгендер аркылуу цилиндрдин көлөмүн табабыз.

$V = S \cdot H$, S -негизинин аянты, $S = \pi R^2$, R -радиусу, H - бийиктиги.

Тыгыздыктын формуласын колдонуп.

$\rho = \frac{m}{V}$ мындан $V = \frac{m}{\rho} = \frac{100,7\text{г}}{8,94\text{г/см}^3} = 11,2\text{см}^3$ көлөмдү

таап, ордуна коёбуз.

$V = S \cdot H$

$11,2 = \pi R^2 \cdot 2500$, $\pi \approx 3,14$

$R^2 = \frac{11,2}{2500 \cdot \pi} = \frac{11,2}{3,14 \cdot 2500} = \frac{11,2}{7850} = 0,0014\text{см}.$

$R^2 = 0,0014\text{см}$

$$R=0,037 \text{ см}$$

$$D=2R=2\cdot 0,037\approx 0,075\text{см}=0,75\text{мм}$$

Жообу: Зымдын диаметри

$$D=0,75\text{мм}$$

2. Үймөк чөп жогору жагы конус түрүндөгү цилиндр формасына ээ.

Анын негизинин радиусу 2,5 м, бийиктиги 4 м, бирок үймөктүн цилиндр түрүндөгү бөлүгүнүн бийиктиги 2,2 м. Үймөк чөптүн тыгыздыгы $\rho=0,03 \text{ г/см}^3$. Үймөк чөптүн массасын аныктагыла.

Берилди: $H=4\text{м}$

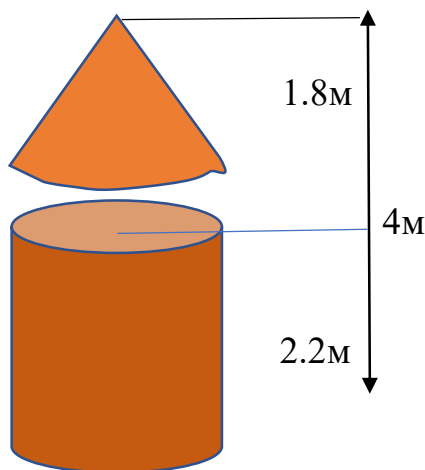
$$h_2=4-2,2\text{м}=1,8.$$

$$h_1=2,2\text{м}$$

$$\rho=0,03\text{г/см}^3$$

$$R=2,5\text{м}=250\text{см}$$

Табуу керек: m -?



Чыгаруу: Массанын формуласы $m=g\cdot V$, ал үчүн цилиндрдин, конустун көлөмдөрүнүн суммасын табабыз $V=V_{\text{ц}}+V_{\text{к}}$

$$V_{\text{цилиндр}}=\pi R^2\cdot H=3,14(250)^2\cdot 220=4317000.$$

$$V_{\text{конус}}=\frac{1}{3}\pi R^2\cdot H=3,14\cdot (250)^2\cdot 180=35325000=1177500$$

$$V=44352500$$

$$\rho=0,03\cdot 44352500=1,330575$$

$$\rho\approx 1,330575 \text{ т}$$

$$\rho\approx 1,3\text{т}$$

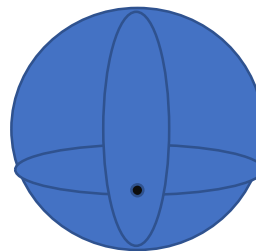
Жообу: Үймөк чөптүн массасы $m\approx 1,3\text{т}$

3. Регулятордун чоюн шарынын массасы 10 кг. Шардын диаметрин тапкыла чоюндун тыгыздыгы $\rho=7,2\text{г/см}^3$

Берилди: $m=10\text{кг}=10000\text{г}$

$$\rho=7,2\text{г/см}^3$$

Табуу керек: D -?



Чыгаруу: Шардын көлөмүнүн формуласы

$$V=\frac{4}{3}\pi R^3$$

Массасын формуласын пайдаланып $\rho=\frac{m}{V}$ шардын көлөмүн табабыз

$$V=\frac{m}{\rho}=\frac{1000}{7,2}=138,8\text{см}^3 \text{ формулага коёбуз}$$

$$4\pi R^3\approx 139\cdot 3$$

$$12,56R^3=417$$

$$R^3=417$$

$$R^3=35,20$$

$$R\approx 5,8\approx 6$$

$$D=2\cdot 6=12$$

Жообу: Шардын диаметри $D=12\text{см}$.

4. Шардын диаметине перпендикуляр болгон тегиздик аны 3 см жана 9 см болгон бөлүктөргө бөлөт. Шардын көлөмү кандай бөлүктөргө бөлүнөт.

Берилди: Шар

$$D=2R$$

Бөлүнгөн бөлүк боюнча

$$D=9+3=12=2\cdot 6=2\cdot R$$

$$R=6$$

Шардын диаметине перпендикуляр, тегиздик аны 3 см боюнча болгон бөлүгү шар сегментин берет, демек анын бийиктиги $H_1=3\text{см}$. Ушул эле сыяктуу анын экинчи бөлүгүн бийиктиги $H_2=9\text{см}$. Шар сегментинин көлөмүнүн формасы боюнча.

$$V_1=\pi H^2\left(R-\frac{H}{3}\right)=\pi\cdot 3^2\left(6-\frac{3}{3}\right)=9\pi(6-1)=9\pi\cdot 5=45\pi$$

$$V_2=\pi\cdot 9^2\left(6-\frac{9}{3}\right)=81\pi(6-3)=81\pi\cdot 3=243\pi$$

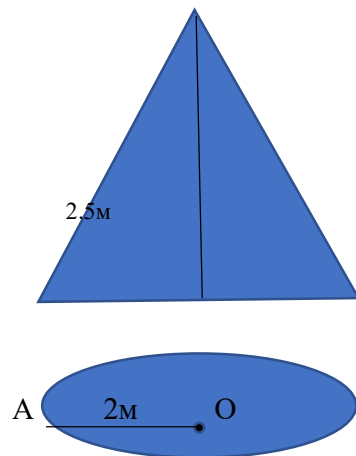
Жообу: Шардын көлөмү $V_1=45\pi$ жана $V_2=243\pi$ бөлүктөргө бөлүнөт.

5. Үйүлгөн шагыл негизинин радиусу 2м, ал эми түзүүчүсү 2,5м болгон конус формасында. Шагылдын көлөмүн тапкыла.

Берилди: $R=2\text{м}$

$$L=2,5\text{м}$$

Табуу керек: V -?



Чыгаруу: Конустун көлөмүн формуласы

$V = \frac{1}{3} S_{\text{нег}} \cdot H = \frac{1}{3} \pi R^2 \cdot H$. $S_{\text{нег}} = \pi R^2$ - тегеректин аянты
 SAO-тик бурчтуу үч бурчтугунан Пифагордун теоремасы боюнча $L^2 = H^2 + R^2$ мындан $H^2 = L^2 - R^2 = (2,5)^2 - 2^2 = 6,25 - 4 = 2,25$
 $H^2 = 2,25$
 $H = 1,5$
 $V = \frac{1}{3} \cdot 2^2 \cdot 1,5 = 6,28 \approx 6,3$
 Жообу: Үйүлгөн шагылдын көлөмү $V = 6,3 \text{ м}^3$

Адабияттар:

1. Погорелов А.В. Геометрия для 7-11 классов. - Москва Просвещение, 1993.
2. Бекбоев И.Б., Борубаев А.А., Айылчиев А.А. Геометрия орто мектептин 10-11 класстар үчүн окуу китеби. - Б., 2009.
3. Рыбкин Н. Геометрия боюнча маселелер жыйнагы. - Ф., 1972.